# МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ Рубцовский институт (филиал) федерального государственного бюджетного образовательного учреждения высшего образования «Алтайский государственный университет»

Утверждено решением Ученого совета Рубцовского института (филиала) АлтГУ протокол №1 от 20.09.2024 г.

## РАБОЧАС ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ «Алгебра»

### ПРОГРАММЫ ПРОФЕССИОНАЛЬНОЙ ПЕРЕПОДГОТОВКИ

«ПЕДАГОГИКА И МЕТОДИКА ПРЕПОДАВАНИЯ МАТЕМАТИКИ В ШКОЛЕ»

Программа рассмотрена и одобрена на заседании института (филиала) АлтГУ от 20.09.2024 г., прото	
Председатель методической комиссии института	a:
Заместитель директора по учебной работе	О. Г. Голева
Руководитель центра:	
Преподаватель	_ И. С. Краснослободцева
<b>Разработчик:</b> Старший преподаватель	_ Г. Н. Файзиева

### Содержание

1	١.	ЦЕЈ	ΙИΟ	CBOEF	ния дис	СЦИПЈ	ІИНЫ	•				4
2	2. П	IJАН <i>І</i>	1РУЕ	МЫЕ 1	РЕЗУЛЬТ	ГАТЫ	ОБУЧ	ЕНИЯ.				4
3	3. C	ТРУК	ТУРА	4 И СС	ДЕРЖА	ние д	ИСЦИ	ПЛИН	Ы			5
3	3.1.	УЧЕБ	НО-Т	ГЕМАТ	ГИЧЕСКІ	ий пл	AH				•••••	5
4	ŀ.	$\mathbf{y}^{\dagger}$	ЧЕБЬ	Ю-МЕ	ТОДИЧЕ	ЕСКОЕ	,	И	ИНФО	PMA	ЦИОНН	ΟE
ОБЕСТ	ΙΕτ	ІЕНИЕ	Е ДИ	СЦИПЛ	ТИНЫ							8
5	5. N	MATE	РИАЈ	ПЬНО-	ГЕХНИЧ	ІЕСКО	Е ОБ	ЕСПЕЧ	ЕНИЕ	ДИСЬ	циплин	НЫ
	10											
Q	ΦО	нд оі	ĮЕНС	УЧНЫХ	к средс	ТВ						.11
1	. Т	ГИПОН	ВЫЕ	КОНТ	РОЛЬНЬ	JE 3A	ДАНИ	я или	иныі	E MA	ГЕРИАЛ	ІЫ,
НЕОБУ	KO,	ДИМЬ	ΙE	ДЛЯ	ОЦЕНІ	КИ ]	ПЛАН	ИРУЕМ	МЫХ	РЕЗУ	ЛЬТАТ	ОВ
ОБУЧЕ	ЕНІ	ОП RN	ДИС	СЦИПЛ	ІИНЕ							.12
Ι	TEI	РЕЧЕН	Њ ЗА	ДАНИ	й/воп	POCO	В					.12

#### 1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Цель курса: вооружить студентов знаниями основных разделов высшей алгебры и аналитической геометрии, как науки решающей интеграционные задачи между всеми разделами высшей математики и ее приложениями.

Задачи курса:

- анализ основных алгебраических структур;
- аналитическое описание геометрических объектов;
- привитие навыков математического мышления;
- развитие пространственного воображения, абстрактного мышления.

### 2. ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ

В результате освоения курса слушатели должны:

#### знать:

в алгебре - линейное пространство, базис, размерность, координаты вектора, подпространства линейного пространства, сумма и пересечение подпространств, преобразование координат, матрица, определитель, разложение определителя по строке или столбцу; обратная матрица, ранг матрицы; линейные операторы, матрица линейного оператора, преобразование матрицы линейного оператора при замене базиса, ядро линейного оператора, образ линейного оператора, собственные значения и собственные векторы линейного оператора; основные алгебраические структуры: полугруппы, группы, кольца, поля; булевы алгебры:

в аналитической геометрии: понятие вектора, геометрический смысл линейной зависимости и линейной независимости векторов: коллинеарность, компланарность; определение скалярного, векторного и смешанного произведений векторов; понятие прямой линии и плоскости в пространстве, линии второго порядка, поверхности второго порядка; понятие п- мерного евклидова пространства, линейные операторы в евклидовых пространствах. Многомерная геометрия кривых и поверхностей.

**владеть:** понятиями и методами высшей алгебры и геометрии, аналитическими методами исследования экономических процессов;

**уметь:** решать типовые задачи курса, использовать знания и методы линейной алгебры в физике, экономике, дискретной математике, логике, начертательной геометрии, электротехнике.

### 3. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

### 3.1. Учебно-тематический план

	3.1. у чеоно-тематический пл	 		-	T.	оличест		ı	
		<b>~</b>							
ие 3)			TOE		•	аудиторных часов при			
		ж	цен	L	очной форме обучения				нто
Дидактические единицы (ДЕ)	Наименование тем	ксимальна рузка сту <i>)</i>	Максимальная нагрузка студентов, час.	Лекции	Практическ ие занятия	Лабораторн ые работы	Самостоятельная	работа студентов, час	
Дид		Ma	наг	۲ac.	Лек	Пра	Лабы	Can	pa6
1	2		3	-	4	5	6		7
Раздел	п 1. Алгебраические структуры	J.					ı		
	Тема 1 Алгебраические								
	структуры: группа, поле,		4		2				2
	кольцо.								
	<b>Тема 2.</b> Теория матриц.								
	Матрицы и определители.					2		2	
	Операции над матрицами.	4							2
	Обратная матрица.								
	<b>Тема 3.</b> Определители.		2	Ī					2
	Свойства определителей.		2						2
	Тема 4. Системы линейных								
	уравнений. Методы решения.								
	Элементарные		4		2				2
	преобразования матрицы.								
	Ранг матрицы								
Раздел	п 2. Векторные пространства и	1 ЛИ	нейн	H	ые отобр	ажения			
	Тема 5.Векторы на								
	плоскости и в пространстве.		2			2			2
	Линейные операции над		2			2			2
	векторами.								
	Тема 6.Скалярное, векторное								
	и смешанное произведение		2						2
	векторов. Геометрическое								

	T	Ī		1	ı	1			
	приложение. Проекция								
	вектора на ось и на оси								
	координат.								
Раздел 3. Аналитическая геометрия на плоскости									
	Тема 7. Уравнение линии.								
	Прямая на плоскости.	4	2			2			
	Различные виды уравнений	4	2			2			
	прямой на плоскости								
	<b>Тема 8.</b> Угол между								
	прямыми. Расстояние от								
	точки до прямой.	2				2			
	Нормальное уравнение								
	прямой								
	Тема 9. Кривые второго								
	порядка (парабола, Эллипс,	2				2			
	гипербола)								
	Тема 10. Деление отрезка в								
	данном отношении.								
	Преобразования								
	прямоугольных координат.	2.				2			
	Полярные координаты.	2				2			
	Приведение линии второго								
	порядка к каноническому								
	уравнению.								
Разде	Раздел 4. Аналитическая теория в пространстве								
	Тема 11. Многомерная								
	евклидова геометрия кривых	2							
	и поверхностей. Аксиомы п-								
	мерного пространства,					2			
	прямые и плоскости разного								
	числа измерений								
	1								

Тема         12.         Плоскость         в           пространстве.         Уравнения           плоскости.         Пря мая в           пространстве.         Угол между           двумя         прямыми, между           прямой         и плоскостью.           Взаимное         расположение           прямых в пространстве.	4		2		2
Тема         13.         Поверхности           пространстве.         Поверхности           второго порядка.         Приведение           общего         уравнения           поверхности второго порядка         к каноническому виду.	4	2			2
Промежуточная аттестация	Экзамен				
Итого часов за семестр	40	8	6		26

### 4. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

### Основная литература

- 1. Линейная алгебра и аналитическая геометрия: учебник и практикум для вузов / Е. Г. Плотникова, А. П. Иванов, В. В. Логинова, А. В. Морозова; под редакцией Е. Г. Плотниковой. Москва: Издательство Юрайт, 2022. 340 с. (Высшее образование). ISBN 978-5-534-01179-1. Текст: электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. URL: https://urait.ru/bcode/489170
- 2. Сабитов, И. Х. Линейная алгебра и аналитическая геометрия : учебное пособие для вузов / И. Х. Сабитов, А. А. Михалев. 2-е изд., испр. и доп. Москва : Издательство Юрайт, 2022. 258 с. (Высшее образование). ISBN 978-5-534-08941-7. Текст: электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. URL: https://urait.ru/bcode/493221

### Дополнительная литература

- 1. Пахомова, Е. Г. Линейная алгебра и аналитическая геометрия. Сборник заданий: учебное пособие для вузов / Е. Г. Пахомова, С. В. Рожкова. Москва: Издательство Юрайт, 2022. 110 с. (Высшее образование). ISBN 978-5-534-08428-3. Текст: электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. URL: https://urait.ru/bcode/490366
- 2. Сборник задач по высшей математике в 4 ч. Часть 1: учебное пособие для вузов / А. С. Поспелов [и др.]; под редакцией А. С. Поспелова. Москва: Издательство Юрайт, 2022. 355 с. (Высшее образование). ISBN 978-5-534-02075-5. Текст: электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. URL: https://urait.ru/bcode/490873

### Базы данных, Интернет-ресурсы, информационно-справочные и поисковые системы

- 1. Электронная библиотечная система «Консультант студента» [Электронный ресурс]. М.: ООО «Политехресурс». Режим доступа: http://www.studentlibrary.ru/.
- 2. Электронно-библиотечная система «Университетская библиотека Online» [Электронный ресурс]. М.: Издательство «Директ-Медиа». Режим доступа: <a href="http://www.biblioclub.ru">http://www.biblioclub.ru</a>.

- 3. Электронная библиотечная система Алтайского государственного университета [Электронный ресурс]. Барнаул. Режим доступа: <a href="http://elibrary.asu.ru/">http://elibrary.asu.ru/</a>.
- 4. Образовательная платформа «Юрайт» [Электронный ресурс]. М.: ООО «Электронное изд-во Юрайт». Режим доступа: <a href="https://www.biblioonline.ru/about">https://www.biblioonline.ru/about</a>.
- 5. Электронно-библиотечная система «Znanium.com» [Электронный ресурс]. М.: ООО «Научно-издательский центр Инфра-М». Режим доступа: http://znanium.com/.
  - 6. Поисковые системы: Google, Yandex, Rambler.
- 7. Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU [Электронный ресурс]: информационно-аналитический портал в области науки, технологии, медицины и образования. М.: ООО Научная электронная библиотека. Режим доступа: <a href="https://elibrary.ru/projects/subscription/rus\_titles\_open.asp">https://elibrary.ru/projects/subscription/rus\_titles\_open.asp</a>.
- 8. Электронно-библиотечная система Издательство «Лань» [Электронный ресурс]. СПб.: Издательство Лань. Режим доступа: https://e.lanbook.com/.

### 5. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Учебные аудитории для проведения занятий всех видов (дисциплинарной подготовки); групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации. Для самостоятельной работы и подготовки к занятиям используются помещения, оснащенные компьютерной техникой с доступом к сети «Интернет» и электронной информационно образовательной среде института.

Специальные аудитории укомплектованы специализированной мебелью и техническими средствами обучения, служащими для предоставления учебной информации. Лабораторные занятия проводятся в компьютерных классах, а также в кабинете программирования и баз данных.

Требования к программному обеспечению учебного процесса:

- Windows 7 Professional Service Pack 1;
- Microsoft Office Professional Plus 2010;
- 7-Zip;
- Windows 10 Education;
- Foxit Reader:

### ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

### 1. ТИПОВЫЕ КОНТРОЛЬНЫЕ ЗАДАНИЯ ИЛИ ИНЫЕ МАТЕРИАЛЫ, НЕОБХОДИМЫЕ ДЛЯ ОЦЕНКИ ПЛАНИРУЕМЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

### ТЕСТОВЫЕ ЗАДАНИЯ

### ПЕРЕЧЕНЬ ЗАДАНИЙ / ВОПРОСОВ

1. Проверить, является ли векторы  $\overline{a}=\{1;1;3\},$   $\overline{b}=\{0;2;-1\},$   $\overline{c}=\{1;-1;4\}$  компланарными?

Да.

Нет.

2. Найти объём тетраэдра с вершинами в точках A(-1;1;0), B(2;-2;1), C(3;1;-1), D(1;0;-2).

6/25

25/6

3/5

3. Вычислить объём параллелепипеда, построенного на векторах

$$\overline{a} = \{3;2;1;\}, \overline{b} = \{1;0;-1\}$$
 и  $\overline{c} = \{1;-2;1\}.$ 

10 куб. ед.

11 куб. ед.

12 куб. ед.

13 куб. ед.

4. Установить, лежат ли в одной плоскости точки A(4;3;10), B(5;1;5), C(2;2;5), D(3;4;12).

Да.

Нет.

5. В тетраэдре с вершинами D(-3;-3;-3), A(2;-1;-3), B(-1;2;3) и C(-2;-2;1). Найти площадь грани ABC и длину высоты, проведённой к этой грани.

$$\sqrt{3}$$
 куб. ед.

$$3\sqrt{17}$$
 куб. ед.

$$6\sqrt{3}$$
 куб. ед.

$$7\sqrt{3}$$

3

$$\frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\frac{6\sqrt{3}}{5}$$

6.Выяснить, компланарны ли векторы

$$\overline{a} = \overline{i} - \overline{j} + \overline{k}, \overline{b} = \overline{i} + \overline{j} + \overline{k}, \overline{c} = \overline{i} - \overline{j} + \overline{k}$$
?

Нет.

Да.

7. Даны векторы  $\bar{a}=\left\{-4;-1;4\right\},\; \bar{b}=\left\{1;-6;8\right\}$  и  $\bar{c}=\left\{3;5;-2\right\}$ . Найти проекцию вектора  $\bar{b}+\bar{c}\;$  на вектор  $\bar{a}-\bar{c}\;$  .

-11/14

-14/11

14/11

11/14

- 8. Даны векторы  $\overline{a}=m\overline{i}+3\overline{j}+4\overline{k}$  и  $\overline{b}=4\overline{i}+m\overline{j}-7\overline{k}$  . При каком значении m векторы перпендикулярны?
- 9. Написать уравнения прямой, проходящей через точки A(-1; 2; 3) и B(2; 6; -2)

$$x/2=(y-3)/1=(z-1)/3$$

$$(x+1)/3=(y-2)/4=(z-3)/(-5)$$

$$(x+4)/(-5)=y/(-3)=z/(-7)$$

$$(x-2)/1=(y+4)/2=(z+5)/5$$

2 Через точку М(-1; 2; 3) проведена плоскость, перпендикулярная к ОМ.

Написать ее уравнение.

$$2x+2y-7z=0$$

$$x-y+3z+5=0$$

$$x-2y-3z+14=0$$

$$3x+y+z-7=0$$

10. Найти угол между прямой x/2=(y+1)/(-6)=(z-1)/3 и плоскостью 2x+y+z-5=0.

$$\varphi = \arcsin \frac{1}{7\sqrt{6}}$$

$$\varphi = \arcsin \frac{2}{3}$$

$$\varphi = \arcsin \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\varphi = \arcsin \frac{1}{2\sqrt{2}}$$

11. Составить уравнение гиперболы, если её асимптоты заданы уравнениями

$$y = \pm \frac{\sqrt{6}}{3} x$$
 и они проходят через точку (6;-4)

$$x^2/8 + y^2/11 = 1$$

$$x^2/12 - y^2/8 = 1$$

$$x^2/4 + y^2/6 = 1$$

$$x^2/2 - y^2/12 = 1$$

- 12. Дана парабола  $y^2 = 12x$ . Найти хорды, проходящие через фокусы параболы и перпендикулярную её оси.
- 13. Найти координаты вершины параболы  $x^2 6x 6y 21 = 0$
- (-2;-7)
- (4;4)
- (-1;2)
- (3:-5)
- 14. Дана парабола  $y^2 4y 20x + 24 = 0$ . Составить уравнение директрисы.

x=-4

x+y=1

y-0

y = 3/4

15. Составить уравнение параболы с ось симметрии, параллельной оси Оx, если парабола проходит через точку M(1;3) и имеет вершину A(-4;-2).

$$(y+5)^2 = 2(x+3)$$

$$(y+2)^2 = 5(x+4)$$

$$(y-1)^2 = -7x$$

```
16. Найти эксцентриситет эллипса x^2 + 25y^2 - 225 = 0
-2
3/2
4/5
1/3
17. Найти прямую, проходящую через точку пересечения прямых х+6у+5=0, 3х-
2y+1=0 и через точку M(-4/5; 1)
x+y=0
3x+2y-1=0
8y+3=0
5x+4=0
18. Найти прямую, проходящую через точку пересеченя прямых х+2у+3=0,
2x+3y+4=0 и
параллельную прямой 5х+8у=0
y-1=0
3x+2y+3=0
5x+8y+11=0
x-2y-5=0
```

### Вопросы к экзамену

### Перечень заданий /вопросов

### Вопросы для проверки уровня обученности ЗНАТЬ\*

- 1. Матрицы и действия над ними.
- 2. Обратная матрица. Алгоритм ее нахождения.
- 3. Миноры, алгебраические дополнения. Обратная матрица.
- 4. Определитель квадратной матрицы, его свойства.
- 5. Элементарные преобразования матриц. Ранг матриц.
- 6. Системы линейных уравнений. Основные определения. Матричный метод решения систем линейных уравнений.
  - 7. Метод Гаусса. Правило Крамера.
  - 8. Система однородных линейных уравнений.
- 9. Векторы, основные понятия. Линейные операции над векторами. Признак коллинеарности векторов.
  - 10. Разложение вектора по базису. Координаты вектора. Координаты

суммы векторов и произведения вектора на число.

- 11. Проекция вектора на ось, свойства.
- 12. Скалярное произведение векторов, его свойства.
- 13. Выражение скалярного произведения векторов через координаты перемножаемых векторов.
  - 14. Векторное произведение векторов, его свойства.
- 15. Выражение векторного произведения векторов через координаты перемножаемых векторов.
  - 16. Смешанное произведение векторов, его свойства.
- 17. Выражение смешанного произведения векторов через координаты перемножаемых векторов.
  - 18. п-мерный вектор и векторное пространство.
  - 19. Размерность и базис векторного пространства.
  - 20. Переход к новому базису.
  - 21. Евклидово пространство.
  - 22. Линейные операторы.
  - 23. Собственные векторы и собственные значения линейного оператора.
- 24. Квадратичные формы (определение, матричная запись). Приведение квадратичной формы к каноническому виду.
  - 25. Прямая на плоскости. Уравнение прямой с угловым коэффициентом.
  - 26. Уравнение прямой в отрезках. Уравнение пучка прямых.
- 27. Уравнение прямой, проходящей через две точки. Нормальное уравнение прямой.
- 28. Угол между прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности прямых.
  - 29. Расстояние от точки до прямой.
- 30.Плоскость. Различные виды уравнений плоскости (одно с доказательством).
  - 31. Угол между плоскостями. Условие ∥ и ⊥ плоскостей.
- 32. Прямая в пространстве (канонические и параметрические уравнения).
  - 33. Парабола (определение, вывод канонического уравнения).
  - 34. Гипербола (определение, вывод канонического уравнения).
  - 35. Эллипс (определение, вывод канонического уравнения).
  - 36. Окружность (определение, вывод канонического уравнения).
  - 37. Деление отрезка в данном отношении.

### 38. Основные типы поверхностей второго порядка

### Вопросы для проверки уровня обученности УМЕТЬ\*

- 39. Элементарные преобразования матриц. Ранг матриц.
- 40. Системы линейных уравнений. Основные определения. Матричный метод решения систем линейных уравнений.
  - 41. Метод Гаусса. Правило Крамера.
  - 42. Система однородных линейных уравнений.
  - 43. Решать задачи по теме «Векторы»
  - 44. Решать типовые задачи по аналитической геометрии